

SIMULAREA EXAMENULUI DE BACALAUREAT – 7 FEBRUARIE 2013

Proba E. c)

Proba scrisă la MATEMATICĂ

Varianta 1

Filiera teoretică, profilul real, specializarea matematică-informatică

Filiera vocațională, profilul militar, specializarea matematică-informatică

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.
- La toate subiectele se cer rezolvări complete.

SUBIECTUL I (30 puncte)

- 5p** 1. Fie funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^2 + x + m$. Să se determine $m \in \mathbb{R}$, astfel încât, graficul funcției f să nu intersecteze axa Ox .
- 5p** 2. Fie funcția injectivă $f: \{-2; -1; 0; 1; 2\} \rightarrow \{-2; -1; 0; 1; 2\}$. Să se calculeze $f(-2) + f(-1) + f(0) + f(1) + f(2)$.
- 5p** 3. Se consideră progresia aritmetică $(a_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ cu $a_3 = 4$ și $a_6 = 13$. Să se calculeze suma primelor zece termeni ai progresiei.
- 5p** 4. Să se rezolve ecuația: $\log_2 x + \log_2 x^2 = 3$.
- 5p** 5. Să se determine $m \in \mathbb{R}$ astfel încât dreptele de ecuație $mx + 3y - 5 = 0$ și $(m - 2)x - y + 7 = 0$ să fie perpendiculare.
- 5p** 6. Calculați $\sin 2x$ știind că $\sin x + \cos x = \frac{1}{2}$.

SUBIECTUL II (30 puncte)

1. Se dau matricele $A = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ și $O_3 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$.
- 5p** a) Să se calculeze rangul matricei A .
- 5p** b) Să se verifice că $A^3 + A^2 + A = O_3$.
- 5p** c) Să se găsească o matrice $B \in M_3(\mathbb{R})$ cu proprietatea că $AB = BA = O_3$ și $B \neq O_3$.
2. Pe mulțimea \mathbb{R} se definește legea de compoziție $xoy = xy - 10(x + y) + 110$.
- 5p** a) Să se verifice că $xoy = (x - 10)(y - 10) + 10$
- 5p** b) Să se demonstreze (\mathbb{R}, o) este monoid abelian.
- 5p** c) Să se calculeze $(-2013)o(-2012)o \dots o(-1)o0o1o \dots o2012o2013$

SUBIECTUL III (30 puncte)

1. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \sqrt{x^2 + 2} - \sqrt{x^2 + 1}$.
- 5p** a) Să se arate că f este strict descrescătoare pe intervalul $[0, +\infty)$.
- 5p** b) Să se determine asimptotele la graficul funcției f .
- 5p** c) Să se calculeze $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(\sqrt{1}) + f(\sqrt{2}) + \dots + f(\sqrt{n})}{\sqrt{n}}$
2. Fie $I_n = \int_0^1 x^n e^x dx$.
- 5p** a) Să se calculeze I_0 și I_1 .
- 5p** b) Să se arate că $I_{n+1} = e - (n + 1)I_n$.
- 5p** c) Să se arate că $(I_n)_{n \geq 1}$ este un șir convergent și să se calculeze $\lim_{n \rightarrow \infty} I_n$