

Examenul de bacalaureat național 2013

Proba E. c)

Matematică *M_tehnologic*

Barem de evaluare și de notare

Varianta 2

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$3(2 - \sqrt{2}) = 6 - 3\sqrt{2}$ $6 - 3\sqrt{2} + 3\sqrt{2} = 6$	2p 3p
2.	$f(0) = -1$ $f(2) = 1$ $f(0) \cdot f(2) = -1$	2p 2p 1p
3.	$5^{x-2} = 5^2$ $x = 4$	2p 3p
4.	$10\% \cdot 100 = 10$ Prețul după scumpire este 110 lei	2p 3p
5.	$AB = \sqrt{(1-1)^2 + (3-1)^2}$ $AB = 2$	3p 2p
6.	$\cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$ $\cos 135^\circ = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ $\cos 45^\circ + \cos 135^\circ = 0$	2p 2p 1p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.a)	$M\left(\frac{1}{2}\right) = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ $M\left(-\frac{1}{2}\right) = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} = M(0)$	2p 2p 1p
b)	$\det(M(a)) = \begin{vmatrix} 2a & 0 \\ 0 & 2a \end{vmatrix} = 4a^2$ $4a^2 = 0 \Leftrightarrow a = 0$	3p 2p
c)	$M(-2) + M(-1) + M(0) + M(1) + M(2) = (M(-2) + M(2)) + (M(-1) + M(1)) + M(0) =$ $= 3M(0) = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$	2p 3p
2.a)	$f(1) = 1^3 - 2 \cdot 1^2 + 1 =$ $= 1 - 2 + 1 = 0$	3p 2p

b)	Câtul este X Restul este $-X + 1$	2p 3p
c)	$x_1 + x_2 + x_3 = 2$, $x_1x_2 + x_2x_3 + x_3x_1 = 0$ $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = 4 - 2 \cdot 0 = 4$	2p 3p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.a)	$f'(x) = (\sqrt{x})' - 1' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$, pentru orice $x \in (0, +\infty)$	3p
	$2\sqrt{x}f'(x) = 2\sqrt{x} \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}} = 1$, pentru orice $x \in (0, +\infty)$	2p
b)	$y - f(4) = f'(4)(x - 4)$ $f(4) = 1$, $f'(4) = \frac{1}{4} \Rightarrow$ ecuația tangentei este $y = \frac{1}{4}x$	2p 3p
c)	$f''(x) = -\frac{1}{4x\sqrt{x}}$, pentru orice $x \in (0, +\infty)$	3p
	$f''(x) < 0$, pentru orice $x \in (0, +\infty) \Rightarrow f$ este concavă pe intervalul $(0, +\infty)$	2p
2.a)	$\int_1^2 \left(f(x) - \frac{1}{x} \right) dx = \int_1^2 (2x + 1) dx =$	2p
	$= (x^2 + x) \Big _1^2 = (4 + 2) - (1 + 1) = 4$	3p
b)	$F'(x) = (x^2 + x + \ln x)' = 2x + 1 + \frac{1}{x}$	3p
	$F'(x) = f(x)$, pentru orice $x \in (0, +\infty) \Rightarrow F$ este o primitivă a funcției f	2p
c)	$\mathcal{A} = \int_1^2 f(x) dx = \int_1^2 \left(2x + 1 + \frac{1}{x} \right) dx =$	2p
	$= (x^2 + x + \ln x) \Big _1^2 = 4 + 2 + \ln 2 - 1 - 1 - \ln 1 = 4 + \ln 2$	3p